

Asymptotische Notation (1) multiple choice

Es seien $f(n) = 987 \cdot \log n + 654$ und $g(n) = \sqrt{321} \cdot n^{0.2}$. Was gilt dann?

- (1) $f(n) = O(g(n))$
- (2) $f(n) = o(g(n))$
- (3) $f(n) = \Omega(g(n))$
- (4) $f(n) = \omega(g(n))$
- (5) $f(n) = \Theta(g(n))$

Asymptotische Notation (1) multiple choice

Es seien $f(n) = 987 \cdot \log n + 654$ und $g(n) = \sqrt{321} \cdot n^{0.2}$. Was gilt dann?

- (1) $f(n) = O(g(n))$
- (2) $f(n) = o(g(n))$
- (3) $f(n) = \Omega(g(n))$
- (4) $f(n) = \omega(g(n))$
- (5) $f(n) = \Theta(g(n))$

Auflösung:

Asymptotische Notation (1) multiple choice

Es seien $f(n) = 987 \cdot \log n + 654$ und $g(n) = \sqrt{321} \cdot n^{0.2}$. Was gilt dann?

- (1) $f(n) = O(g(n))$
- (2) $f(n) = o(g(n))$
- (3) $f(n) = \Omega(g(n))$
- (4) $f(n) = \omega(g(n))$
- (5) $f(n) = \Theta(g(n))$

Auflösung: (1) & (2)

Asymptotische Notation (2) multiple choice

Es seien $f(n) = 2^{2 \log_2 n}$ und $g(n) = \sum_{i=0}^n 2 \cdot i$. Was gilt dann?

- (1) $f(n) = O(g(n))$
- (2) $f(n) = o(g(n))$
- (3) $f(n) = \Omega(g(n))$
- (4) $f(n) = \omega(g(n))$
- (5) $f(n) = \Theta(g(n))$

Asymptotische Notation (2) multiple choice

Es seien $f(n) = 2^{2 \log_2 n}$ und $g(n) = \sum_{i=0}^n 2 \cdot i$. Was gilt dann?

- (1) $f(n) = O(g(n))$
- (2) $f(n) = o(g(n))$
- (3) $f(n) = \Omega(g(n))$
- (4) $f(n) = \omega(g(n))$
- (5) $f(n) = \Theta(g(n))$

Auflösung:

Asymptotische Notation (2) multiple choice

Es seien $f(n) = 2^{2 \log_2 n}$ und $g(n) = \sum_{i=0}^n 2 \cdot i$. Was gilt dann?

- (1) $f(n) = O(g(n))$
- (2) $f(n) = o(g(n))$
- (3) $f(n) = \Omega(g(n))$
- (4) $f(n) = \omega(g(n))$
- (5) $f(n) = \Theta(g(n))$

Auflösung: (1) & (3) & (5)

Asymptotische Notation (3) multiple choice

Es seien $f(n) = |\sin n| + |\cos n|$ und $g(n) = \sqrt{\sum_{i=1}^n 1/i}$. Was gilt dann?

- (1) $f(n) = O(g(n))$
- (2) $f(n) = o(g(n))$
- (3) $f(n) = \Omega(g(n))$
- (4) $f(n) = \omega(g(n))$
- (5) $f(n) = \Theta(g(n))$

Asymptotische Notation (3) multiple choice

Es seien $f(n) = |\sin n| + |\cos n|$ und $g(n) = \sqrt{\sum_{i=1}^n 1/i}$. Was gilt dann?

- (1) $f(n) = O(g(n))$
- (2) $f(n) = o(g(n))$
- (3) $f(n) = \Omega(g(n))$
- (4) $f(n) = \omega(g(n))$
- (5) $f(n) = \Theta(g(n))$

Auflösung:

Asymptotische Notation (3) multiple choice

Es seien $f(n) = |\sin n| + |\cos n|$ und $g(n) = \sqrt{\sum_{i=1}^n 1/i}$. Was gilt dann?

- (1) $f(n) = O(g(n))$
- (2) $f(n) = o(g(n))$
- (3) $f(n) = \Omega(g(n))$
- (4) $f(n) = \omega(g(n))$
- (5) $f(n) = \Theta(g(n))$

Auflösung: (1) & (2)

$A_3(i, j)$ bestimmt den Wert einer maximalen Teilfolge für a_i, \dots, a_j .

- (1) Wenn $i = j$, dann return(a_i).
- (2) Ansonsten setze $\text{mitte} = \lfloor \frac{i+j}{2} \rfloor$;
- (3) $\text{opt}_1 = \max\{f(k, \text{mitte}) \mid i \leq k \leq \text{mitte}\}$;
 $\text{opt}_2 = \max\{f(\text{mitte} + 1, l) \mid \text{mitte} + 1 \leq l \leq j\}$;
- (4) return($\max\{A_3(i, \text{mitte}), A_3(\text{mitte} + 1, j), \text{opt}_1 + \text{opt}_2\}$)

Rekursionsgleichung zur Laufzeit?

- (1) $\text{Zeit}_{A_3}(n) = 2 \cdot \text{Zeit}_{A_3}\left(\frac{n}{2}\right) + \Theta(1)$
- (2) $\text{Zeit}_{A_3}(n) = 2 \cdot \text{Zeit}_{A_3}\left(\frac{n}{2}\right) + \Theta(n)$
- (3) $\text{Zeit}_{A_3}(n) = 2 \cdot \text{Zeit}_{A_3}(n - 1) + \Theta(n)$
- (4) $\text{Zeit}_{A_3}(n) = (n - 1) \cdot \text{Zeit}_{A_3}\left(\frac{n}{2}\right) + \Theta(1)$
- (5) $\text{Zeit}_{A_3}(n) = (n - 1) \cdot \text{Zeit}_{A_3}\left(\frac{n}{2}\right) + \Theta(n)$

$A_3(i, j)$ bestimmt den Wert einer maximalen Teilfolge für a_i, \dots, a_j .

- (1) Wenn $i = j$, dann return(a_i).
- (2) Ansonsten setze $\text{mitte} = \lfloor \frac{i+j}{2} \rfloor$;
- (3) $\text{opt}_1 = \max\{f(k, \text{mitte}) \mid i \leq k \leq \text{mitte}\}$;
 $\text{opt}_2 = \max\{f(\text{mitte} + 1, l) \mid \text{mitte} + 1 \leq l \leq j\}$;
- (4) return($\max\{A_3(i, \text{mitte}), A_3(\text{mitte} + 1, j), \text{opt}_1 + \text{opt}_2\}$)

Rekursionsgleichung zur Laufzeit?

- (1) $\text{Zeit}_{A_3}(n) = 2 \cdot \text{Zeit}_{A_3}\left(\frac{n}{2}\right) + \Theta(1)$
- (2) $\text{Zeit}_{A_3}(n) = 2 \cdot \text{Zeit}_{A_3}\left(\frac{n}{2}\right) + \Theta(n)$ ✓
- (3) $\text{Zeit}_{A_3}(n) = 2 \cdot \text{Zeit}_{A_3}(n - 1) + \Theta(n)$
- (4) $\text{Zeit}_{A_3}(n) = (n - 1) \cdot \text{Zeit}_{A_3}\left(\frac{n}{2}\right) + \Theta(1)$
- (5) $\text{Zeit}_{A_3}(n) = (n - 1) \cdot \text{Zeit}_{A_3}\left(\frac{n}{2}\right) + \Theta(n)$